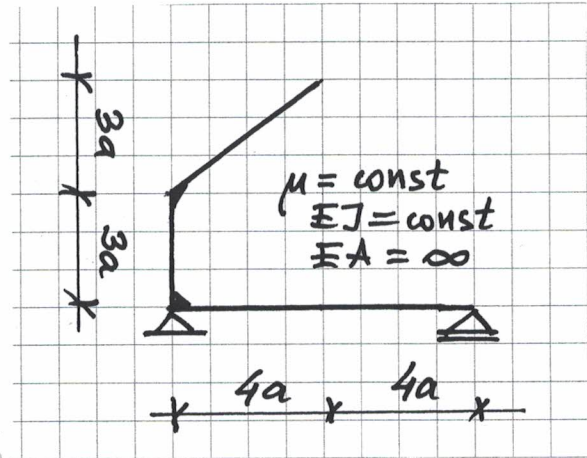


Egzamin z Mechaniki Konstrukcji II, 26 VI 2019 r.
Wydział Inżynierii Lądowej, studia stacjonarne

NAZWISKO imię				
Grupa	Data zaliczenia ćwiczeń		Numer albumu	
Ocena zadania 1	Ocena zadania 2	Ocena zadania 3	Ocena z egzaminu (po egz. ustnym)	Ocena łączna
				Data

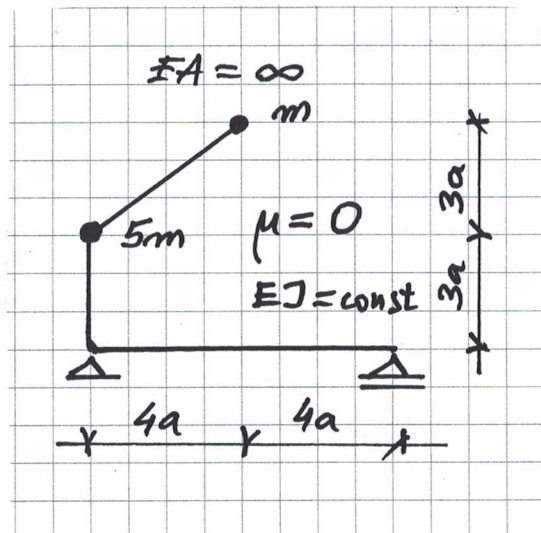
Zadanie 1

Znaleźć równania określające częstości drgań własnych danej ramy płaskiej o ciągłym rozkładzie masy.
(Write down the equations which determine the eigenfrequencies of the given plane frame of continuous mass distribution.)



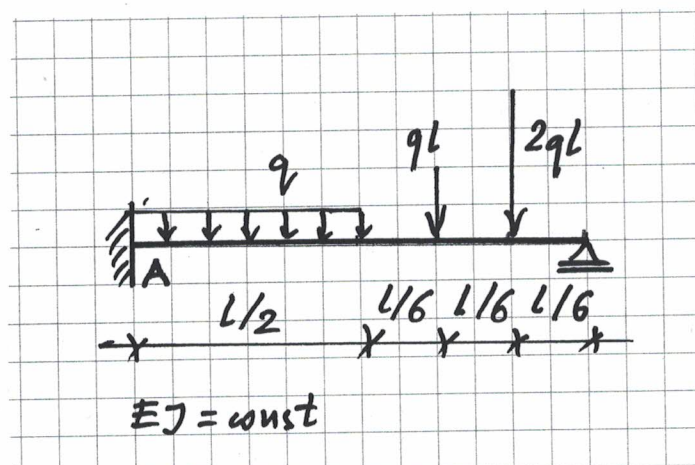
Zadanie 2

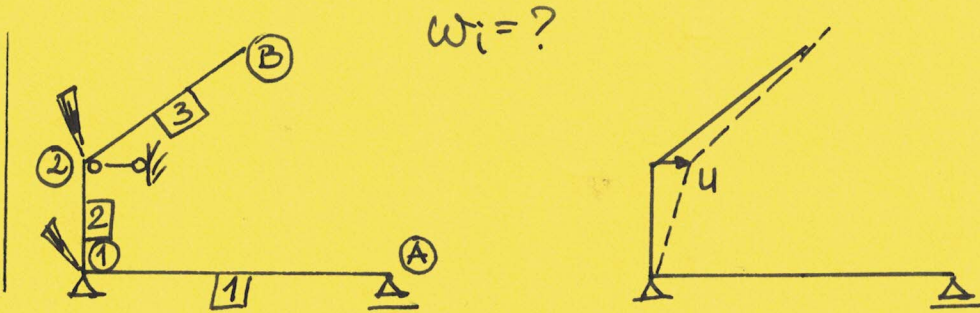
Znaleźć równania określające częstości drgań własnych danej ramy płaskiej o punktowym rozkładzie masy.
(Write down the equations which determine the eigenfrequencies of the given plane frame of discrete mass distribution.)



Zadanie 3

Obliczyć moment zginający M_A z wykorzystaniem metody linii wpływu.
(Compute the bending moment M_A with using the method of influence lines)





$\omega_i = ?$

	ω_i	ω_k	u
1	0	0	0
2	0	u	0
3	$\frac{3}{5}u$	0	$\frac{4}{5}u$

$$q = \begin{pmatrix} \varphi_1 \\ \varphi_2 \\ \varphi_3 \end{pmatrix}$$

$$\varphi_1^1 = \frac{EI}{8l} [\alpha'(8\lambda) \varphi_1]$$

$$\varphi_1^2 = \frac{EI}{3l} [\alpha(3\lambda) \varphi_1 + \beta(3\lambda) \varphi_2 - \delta(3\lambda) \frac{u}{3l}]$$

$$\varphi_2^2 = \frac{EI}{3l} [\beta(3\lambda) \varphi_1 + \alpha(3\lambda) \varphi_2 - \theta(3\lambda) \frac{u}{3l}]$$

$$\varphi_2^3 = \frac{EI}{5l} [\alpha''(5\lambda) \varphi_2 + \theta''(5\lambda) \frac{3}{5}u \cdot \frac{1}{5l}]$$

$$W_2^2 = -\frac{EI}{(3l)^2} [\delta(3\lambda) \varphi_1 + \theta(3\lambda) \varphi_2 - \gamma(3\lambda) \frac{u}{3l}]$$

$$W_2^3 = \frac{EI}{(5l)^2} [\theta''(5\lambda) \varphi_2 + \gamma''(5\lambda) \frac{3}{5}u \cdot \frac{1}{5l}]$$

$$B_{11}^{(3)} = \omega^2 \mu \cdot 5l \cdot \frac{4}{5}u = \frac{EI}{l^2} (4\lambda^4 \frac{u}{l})$$

Równanie równowagi

$$\varphi_1^1 + \varphi_1^2 = 0$$

$$\varphi_2^3 + \varphi_2^2 = 0$$

$$W_2^2 \bar{u} + W_2^3 \cdot \frac{3}{5} \bar{u} - B_{11}^{(3)} \cdot \frac{4}{5} \bar{u} = 0$$

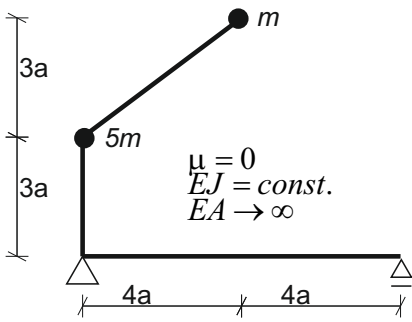
$$Kq = 0$$

$$\det(K) = 0 \rightarrow \omega_i$$

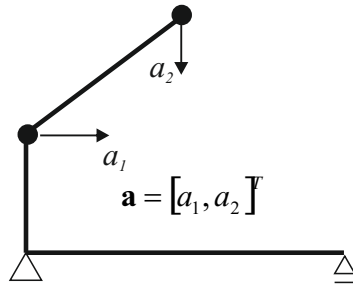
$$K = \begin{pmatrix} \frac{\alpha(3\lambda) + \alpha'(8\lambda)}{3} & 0 & 0 & 0 \\ \frac{\beta(3\lambda)}{3} & \frac{\alpha(3\lambda) + \alpha''(5\lambda)}{3} & 0 & 0 \\ -\frac{\delta(3\lambda)}{9} & -\frac{\theta(3\lambda)}{9} + \frac{3\theta''(5\lambda)}{125} & 0 & 0 \\ \frac{\gamma(3\lambda)}{27} + \frac{9\gamma''(5\lambda)}{3125} & 0 & 0 & K_{33} \end{pmatrix}$$

$K_{33} = \frac{EI}{l^2} (4\lambda^4 \frac{u}{l})$

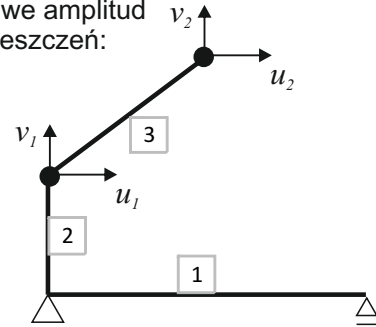
Rozwiązanie przygotował Jan Fekrzunski



Dyn. stopnie swobody:



Składowe amplitud przemieszczeń:

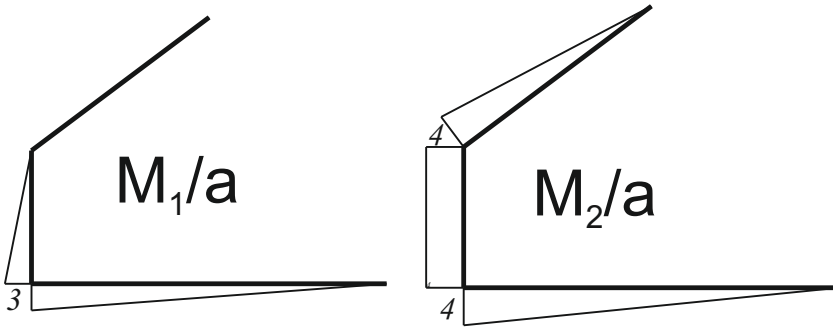


$u_1 = a_1$
 $v_1 = 0$
 $u_2 = ?$
 $v_2 = -a_2$

Oblicz.:

$-a_2 = 0 - 4a\psi_3 \Rightarrow \psi_3 = \frac{a_2}{4a}$

$u_2 = a_1 + 3a \left(\frac{a_2}{4a} \right) = a_1 + \frac{3}{4}a_2$



Macierz mas M:

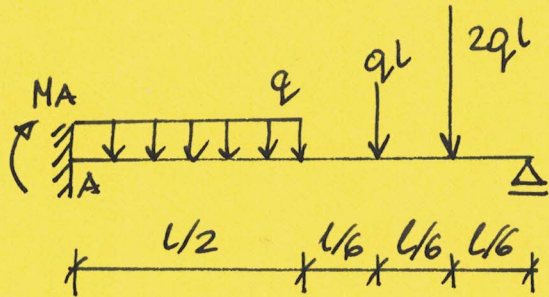
m	6	3/4
	3/4	1 9/16

Macierz D:

$\left[\frac{a^3}{EJ} \right]$	33	50
	50	117.33

Odp.: $\underbrace{(\mathbf{I} - \omega^2 \mathbf{DM})}_{\mathbf{A}(\omega)} \mathbf{a} = \mathbf{0}, \mathbf{I} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$
 $\det \mathbf{A}(\omega) = 0 \rightarrow \omega_i$

Oprac. K. Hetmański.



$EI = \text{const}$

$M_A = ?$

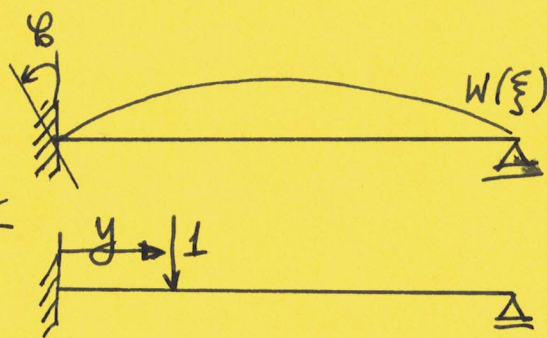
Egzamin MK2, 26.06.2019

Zadanie 3

2 twierdzenie Bettiego

$$-M_A \varphi_0 + W(\eta) \cdot 1 = 0 \quad \eta = \frac{y}{l}$$

$$M_A(\eta) = \frac{1}{\varphi_0} W(\eta)$$



Linia wpływowa od obciążenia obrotem φ_0

$$W(\xi) = A_0 + A_1 \xi + A_2 \xi^2 + A_3 \xi^3$$

$$W(0) = 0$$

$$\varphi(0) = -\varphi_0 \rightarrow \frac{1}{l} W'(0) = -\varphi_0$$

$$M(1) = 0$$

$$W(1) = 0$$

Wtedy

$$W(\xi) = \varphi_0 l \left(-\xi + \frac{3}{2} \xi^2 - \frac{1}{2} \xi^3 \right)$$

Czyli linia wpływa $M_A(\eta) = l \left(-\eta + \frac{3}{2} \eta^2 - \frac{1}{2} \eta^3 \right)$

Wtedy

$$M_A = \int_0^{l/2} M_A(\eta) \cdot q \, d\eta + M_A\left(\frac{2}{3}\right) \cdot ql + M_A\left(\frac{5}{6}\right) \cdot 2ql = \underline{\underline{0.38ql^2}}$$