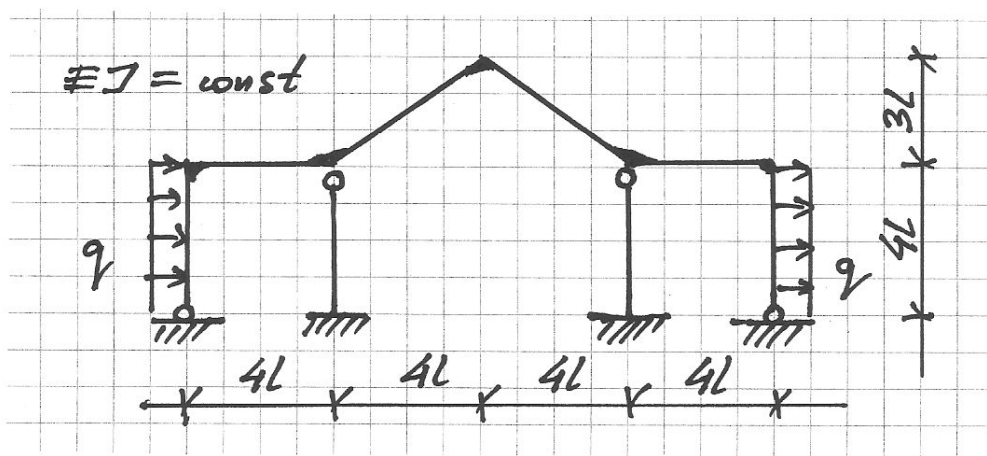


NAZWISKO i Imię:				
ocena zadania 1	ocena zadania 2	ocena zadania 3	ocena egz. pis.	Ocena Ostateczna
				Ocena łączna
				Data

**Zadanie (1)**

Dana jest rama z prętów nieściśliwych obciążona jak na rysunku; Sporządzić wykres M metodą sił.

The given frame of inextensible bars is subjected to a given load. Construct the diagram of the bending moment M by the force method.



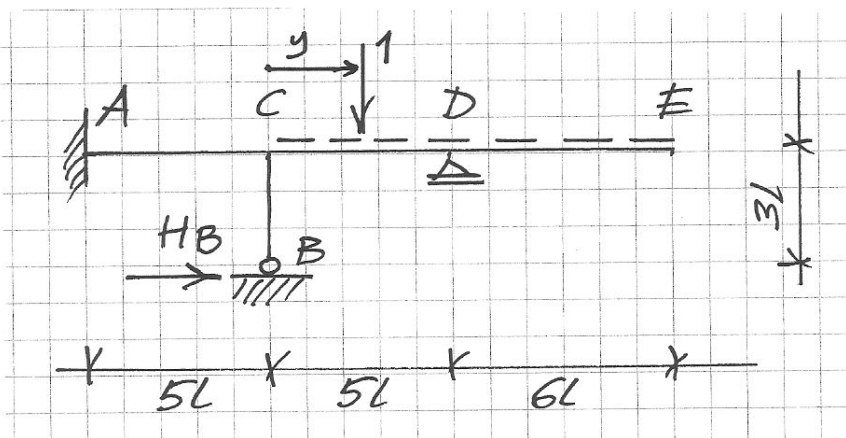
**Zadanie 2**

Rozwiązać zadanie (1) metodą przemieszczeń  
Solve the problem (1) by the displacement method.

**Zadanie 3**

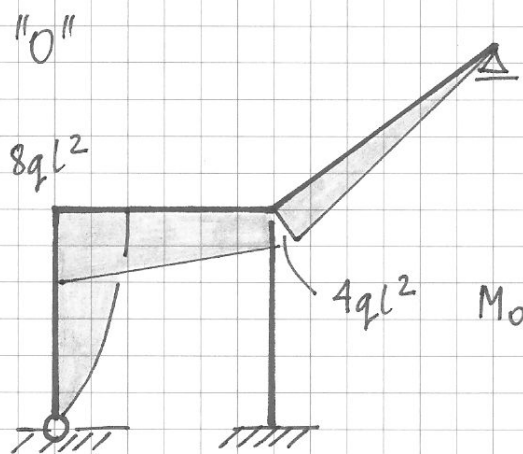
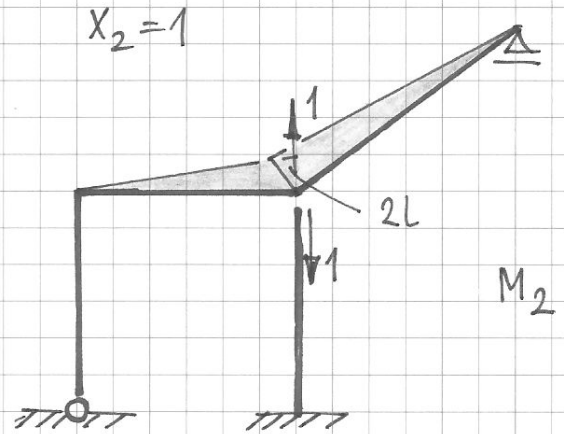
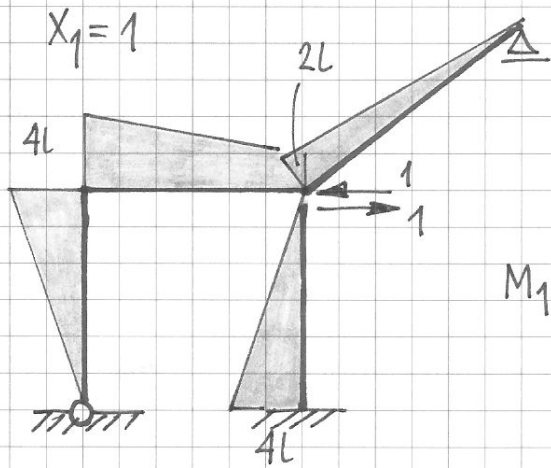
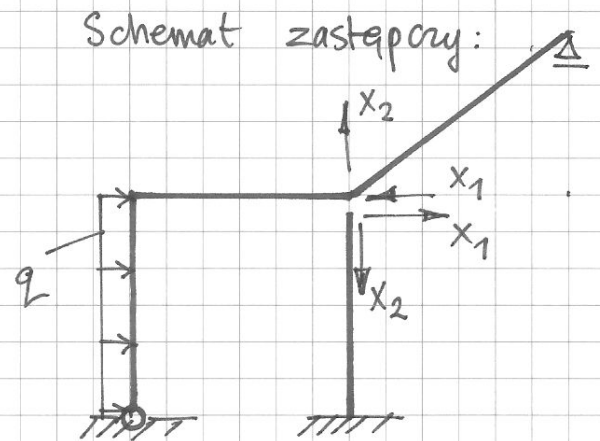
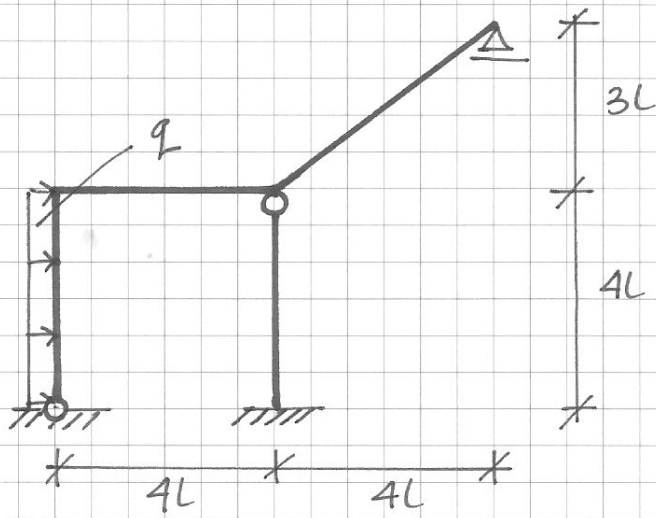
Dana jest rama z prętów niewydłużalnych, o  $EJ = \text{const}$ . Sporządzić wykres linii wpływu reakcji  $H_B$  przy jeździe po C-D-E.

The given frame is made of inextensible bars;  $EJ = \text{const}$ . Construct the diagram of the influence line  $H_B$  for the unit force position along C-D-E.



Egzamin z MK1, 23 VI 2014, zadanie 1

Po uwzględnieniu antysymetrii obciążenia otrzymujemy schemat zredukowany



$$\delta_{11} = \frac{260}{3} \frac{L^3}{EJ}$$

$$\delta_{12} = \delta_{21} = \frac{52}{3} \frac{L^3}{EJ}$$

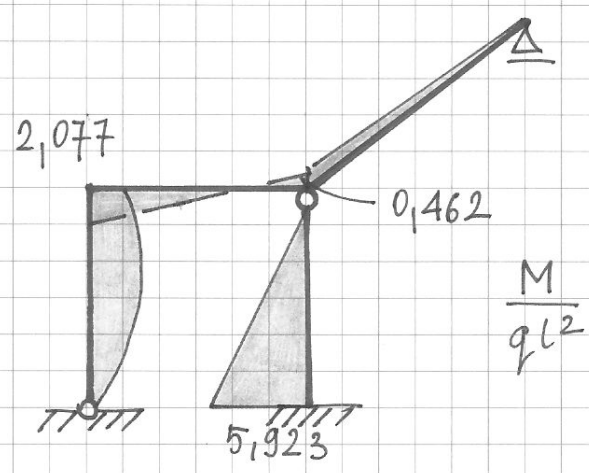
$$\delta_{22} = 12 \frac{L^3}{EJ}$$

$$\delta_{10} = -\frac{423}{3} \frac{qL^4}{EJ}$$

$$\delta_{20} = -\frac{104}{3} \frac{qL^4}{EJ}$$

$$X_1 = 1,481 qL$$

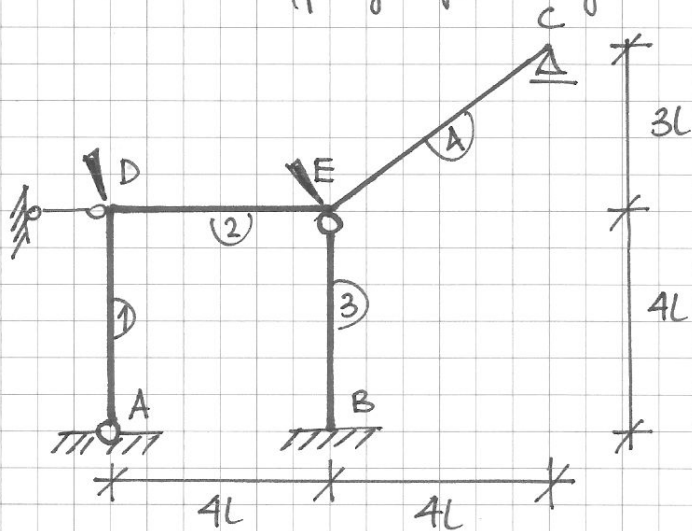
$$X_2 = 0,175 qL$$



# Egzamin z MK1, 23 VI 2014, zadanie 2

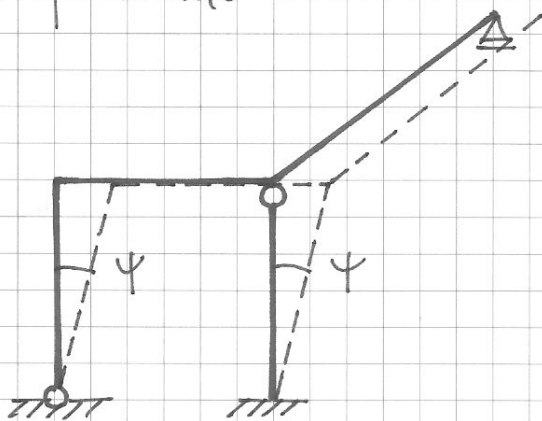
W rozwiązaniu wykorzystujemy schemat zredukowany pokazany w rozwiązaniu zadania 1.:

Schemat zastępczy geometrycznie wyznaczalny:



$$\mathbf{q} = \begin{bmatrix} \varphi_D \\ \varphi_E \\ \psi \end{bmatrix}$$

Plan przesunięć:



Równania równowagi:

$$\Phi_D^1 + \Phi_D^2 = 0$$

$$\Phi_E^2 + \Phi_E^4 = 0$$

$$\Phi_D^1 \cdot \bar{\psi} + \Phi_B^3 \cdot \bar{\psi} + \bar{L}_\psi = 0$$

$$\bar{L}_\psi = q \cdot 4L \cdot 2L \cdot \bar{\psi}$$

Wzory transformacyjne:

$$\Phi_D^1 = \frac{3EJ}{4L} [\varphi_D - \psi] + \frac{1}{8} q (4L)^2$$

$$\Phi_D^2 = \frac{2EJ}{4L} [2\varphi_D + \varphi_E]$$

$$\Phi_E^2 = \frac{2EJ}{4L} [\varphi_D + 2\varphi_E]$$

$$\Phi_B^3 = \frac{3EJ}{4L} [-\psi]$$

$$\Phi_D^4 = \frac{3EJ}{5L} [\varphi_E]$$

Rozwiązanie:

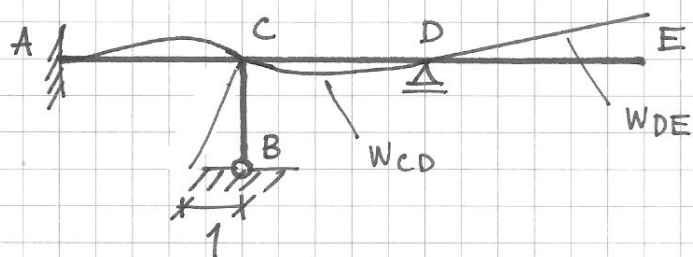
$$\varphi_D = 2,462 \frac{qL^3}{EJ}$$

$$\varphi_E = -0,769 \text{ ---}$$

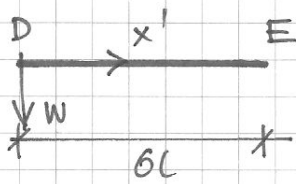
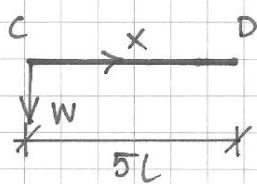
$$\psi = 7,897 \text{ ---}$$

Egzamin z MK1, 23 VI 2014, zadanie 3

Szukana linia wpływu jest, na mocy tw. Betti'ego, tożsama z linią ugięcia toru jazdy C-D-E stowarzyszoną z przemieszczeniem  $u_B = 1$  (por. rys. poniżej).



Oznaczenia:



$$W_{CD} = W_{CD}(x)$$

$$x \in [0, 5L]$$

$$W_{DE} = W_{DE}(x')$$

$$x' \in [0, 6L]$$

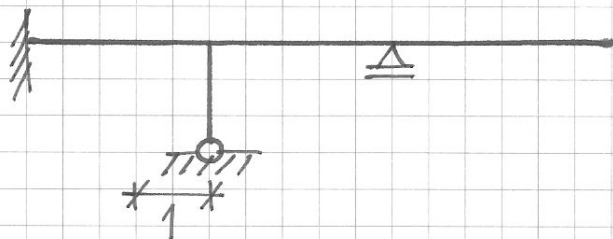
Wiadomo, że:

$$W_{CD}(x) = C_0 + C_1 x + C_2 x^2 + C_3 x^3$$

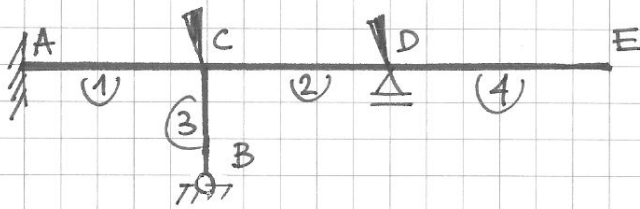
$$W_{DE}(x') = D_0 + D_1 x' + D_2 (x')^2 + D_3 (x')^3$$

Stale  $C_0, \dots, C_3; D_0, \dots, D_3$  wyznacza się korzystając z warunków brzegowych funkcji  $W_{CD}, W_{DE}$ .

Wartości przemieszczeń brzegowych obliczymy rozwiązując zadanie Metody Przemieszczeń z obciążeniem geometrycznym  $u_B = 1$

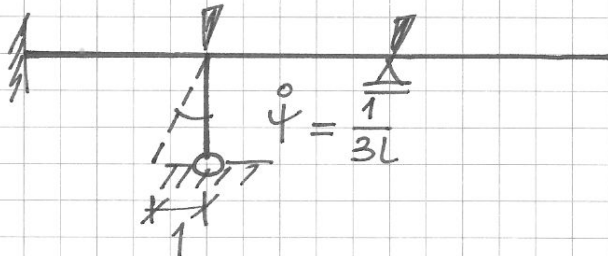


Schemat geometrycznie wyznaczalny:



$$\mathbf{q} = \begin{bmatrix} \varphi_C \\ \varphi_D \end{bmatrix}$$

Wyjściowy plan przemieszczeń:



Równania równowagi:

$$\begin{aligned} \Phi_c^1 + \Phi_c^2 + \Phi_c^3 &= 0 \\ \Phi_D^2 &= 0 \end{aligned}$$

Rozwiązanie:

$$\begin{aligned} \varphi_C &= 0,139 \cdot \frac{1}{L} \\ \varphi_D &= -0,069 \cdot \frac{1}{L} \end{aligned}$$

Wzory transformacyjne:

$$\begin{aligned} \Phi_c^1 &= \frac{2EJ}{5L} [2\varphi_C] \\ \Phi_c^2 &= \frac{2EJ}{5L} [2\varphi_C + \varphi_D] \\ \Phi_D^2 &= \frac{2EJ}{5L} [\varphi_C + 2\varphi_D] \\ \Phi_c^3 &= \frac{3EJ}{3L} [\varphi_C] + \frac{3EJ}{3L} \left[-\frac{1}{3L}\right] \end{aligned}$$

Warunki brzegowe

$$\begin{aligned} W_{CD}(0) &= 0 \\ W'_{CD}(0) &= \varphi_C \\ W_{CD}(5L) &= 0 \\ W'_{CD}(5L) &= \varphi_D \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} W_{CD}(\eta) &= 0,694\eta - 1,042\eta^2 + 0,347\eta^3 \\ \eta &= \frac{x}{5L}, \quad \eta \in [0, 1] \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} W_{DE}(0) &= 0 \\ W'_{DE}(0) &= \varphi_D \\ -EJ W''_{DE}(6L) &= 0 \\ -EJ W'''_{DE}(6L) &= 0 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} W_{DE}(\xi) &= -0,417\xi \\ \xi &= \frac{x'}{6L}, \quad \xi \in [0, 1] \end{aligned}$$